

Трехмерные преобразования, зрительные иллюзии

Who? Александр Вахитов

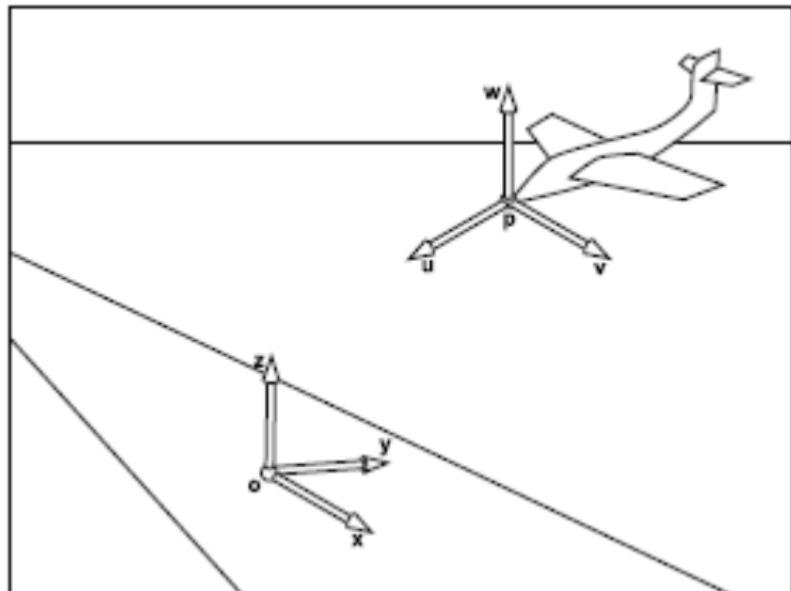
When? September 27, 2014

План лекции

Трехмерные
преобразования

Оптические
илюзии

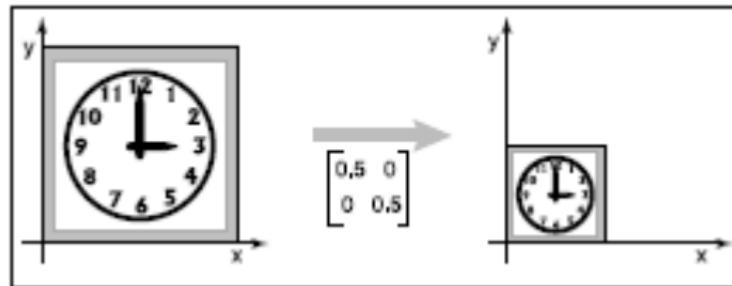
Базис трехмерного пространства



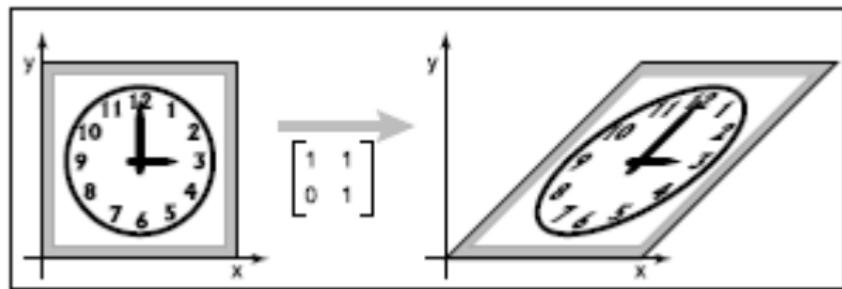
Преобразования в плоскости

- масштаб
- наклон
- поворот
- отражение

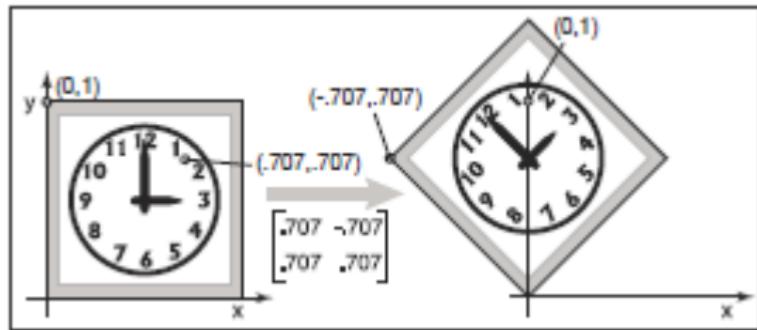
Масштабирование



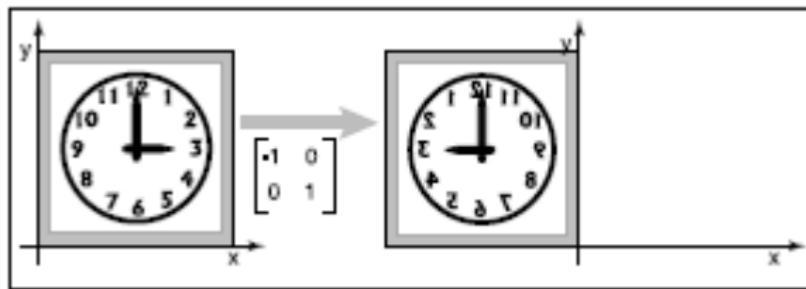
Наклон



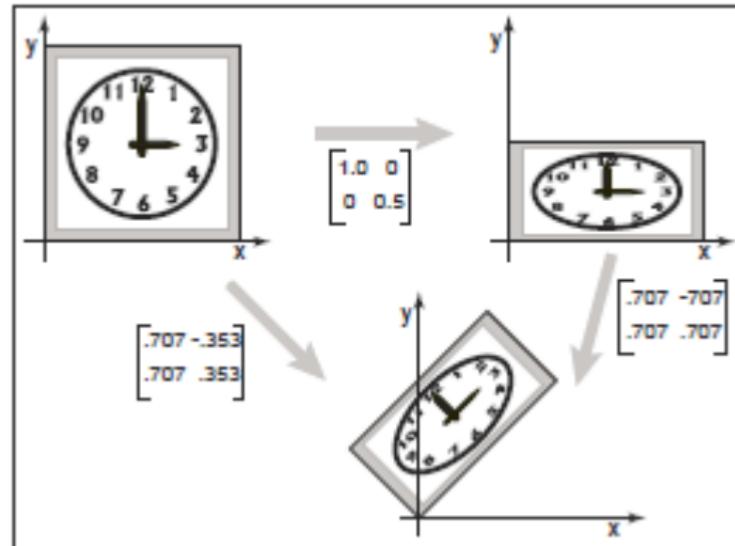
Поворот



Отражение



Композиция



Ортогональные матрицы

$$R = (r_1 r_2 r_3),$$

$$r_i^T r_j = \delta_{ij}$$

Свойство:

$$R^{-1} = R^T$$

Для матриц поворота:

$$\det R = 1$$

Сингулярное разложение



$$\forall A : A = USV^T,$$

U, V - ортогональные матрицы, S - диагональная матрица масштабирования



$$\forall A = A^T : A = RSR^T$$

R - ортогональная, S - диагональная

Операции в 3D

- масштаб (3 оси)
- наклон (3 оси)
- поворот (3 угла)
- отражение (3 оси)

Аффинные преобразования

Линейное (рассмотрено выше):

$$x' = Ax$$

Перенос:

$$x' = x + t$$

Обобщение:

$$\begin{pmatrix} x' \\ 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} A & t \\ \mathbf{0} & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x \\ 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} Ax + t \\ 1 \end{pmatrix}$$

Однородные координаты

$$x \rightarrow \begin{pmatrix} x \\ 1 \end{pmatrix}$$

+ сдвиг

Что известно про $\begin{pmatrix} x \\ 0 \end{pmatrix}$?

Прямая:

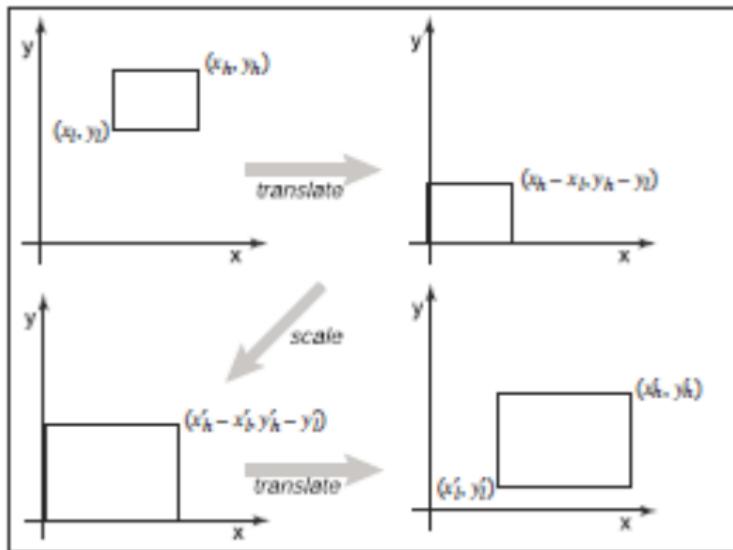
$$\{a + \lambda b, \lambda \in \mathbb{R}\}$$

$$\{a + \lambda b, \lambda \in \mathbb{R}\} \rightarrow \left\{ \begin{pmatrix} a \\ 1 \end{pmatrix} + \lambda \begin{pmatrix} b \\ 0 \end{pmatrix}, \lambda \in \mathbb{R} \right\}$$

Следовательно, $\begin{pmatrix} x \\ 0 \end{pmatrix}$ соответствует направлению в сторону вектора x .

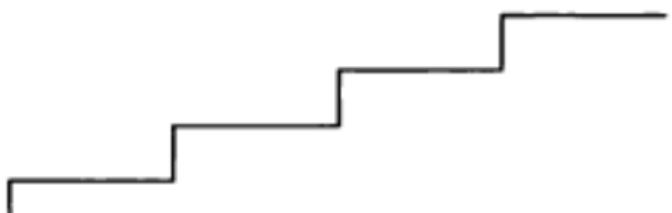
Окноное преобразование

Аффинное двухмерное

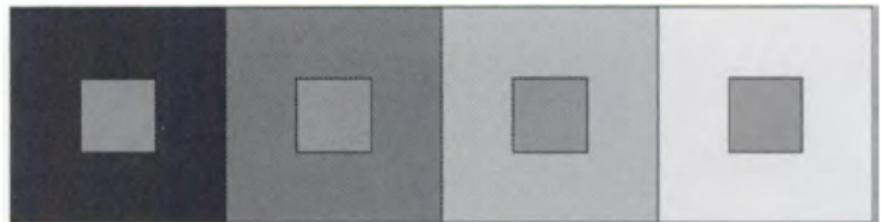


Напишите формулу

Полосы Маха

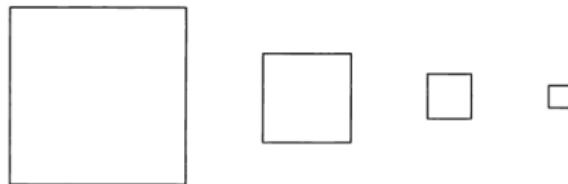


Полосы Маха

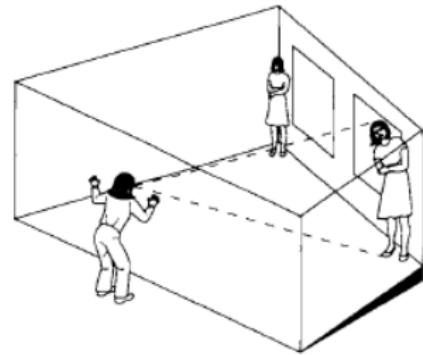


внутренние квадратики одинакового цвета

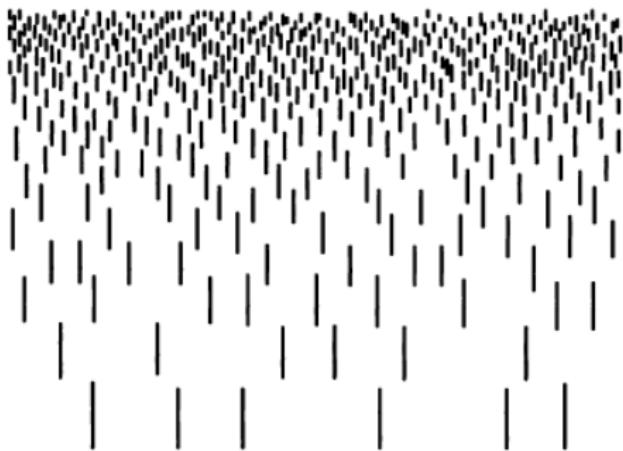
Положение из размера



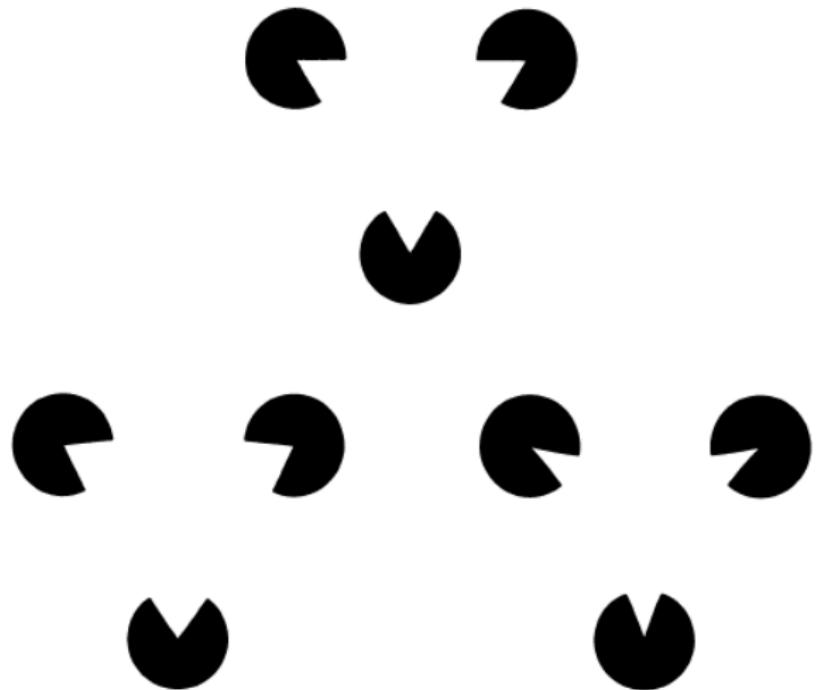
Комната



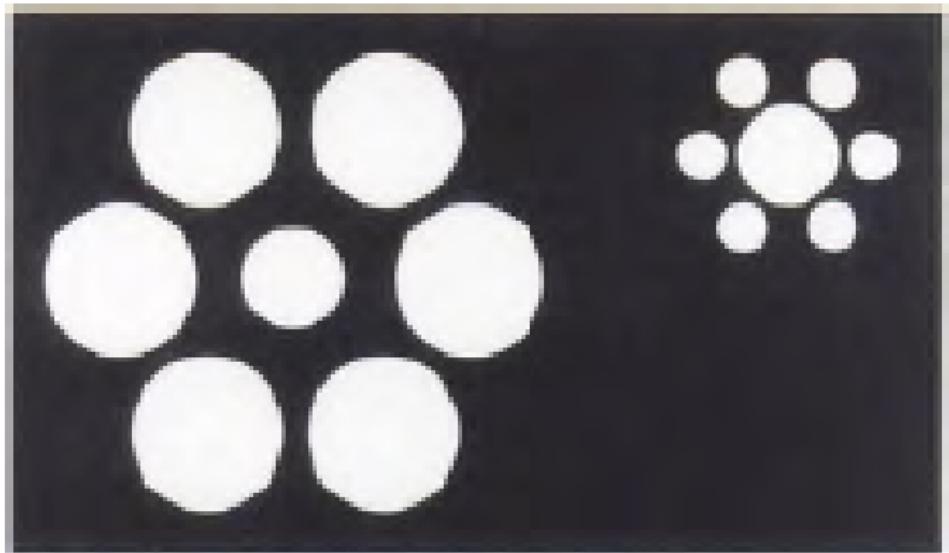
Лес



Субъективные контуры



Относительность размера



Иллюзии геометрии

